

Estratégias de invariantes para listas

Mais da entrada

Dada uma lista, o algoritmo pode fazer o tratamento lidando com um elemento de cada vez.

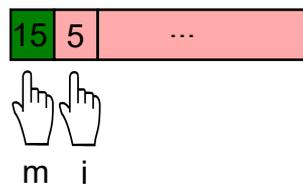
Medida de progresso: A quantidade da entrada considerada até o momento.

Invariante: Considerando a porção da entrada que foi tratada, se ela for a entrada completa, temos a solução completa.

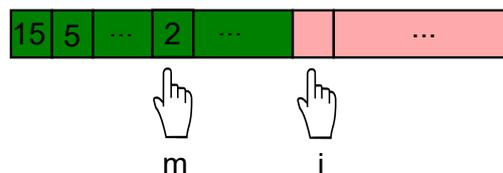
Exemplo: Encontrar o índice do menor elemento da lista

Algoritmo dos dois dedos: um dedo indica o próximo elemento a ser analisado, outro dedo indica o menor encontrado até o momento.

- O dedo que indica o menor elemento até o momento é representado por m .
- O dedo que indica o próximo elemento a ser tratado é representado por i .
- Começamos com o dedo m apontando à primeira posição da lista e o dedo i apontando à segunda posição.



Invariante: Depois de i iterações, o dedo esquerdo aponta ao maior elemento da lista $a[:i]$ e o dedo direito aponta para o próximo elemento a ser analisado.



In []:

```
def indiceDoMenor(a):  
    m = 0  
    for i in range(1, len(a)):  
        if a[i] < a[m]:  
            m = i  
    return m
```

```
indiceDoMenor([2,4,1,9,0,10])
```

Mais da saída:

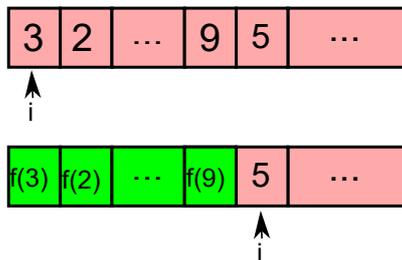
Se a solução é uma lista, uma forma natural é tentar construir a solução um elemento por vez.

Medida de progresso: A quantidade da saída construída.

Invariante: A saída construída até o momento é correta.

Exemplo: mapear uma função a todos os elementos de uma array

Invariante: Todos os elementos até a posição $i-1$ estão mapeados (aplicados a função de entrada)



In [3]:

```
def mapear(f, a):
    for i in range(len(a)):
        # invariante: para todo  $0 \leq k < i$ ,  $a[k] == f(\text{valorAnterior}(a[k]))$ 
        a[i] = f(a[i])

xs = ['1', '2', '3']
mapear(int, xs)
xs
```

Out[3]:

[1, 2, 3]

Trabalho feito:

A medida de progresso pode ser dada por uma função mais criativa que representa o trabalho feito até o momento.

Exemplo: Ordenação pelo método da bolha

Veremos depois.